Proposta de disciplina IC-MAT (2023/1)

Nome do professor: Nilton Moura Barroso Neto.

Disciplina: Iniciação Científica em Matemática 1.

Título da proposta: Episódios dos Prolegômenos da Análise Matemática.

1 Objetivos

Estudar os primeiros problemas que motivaram o desenvolvimento da análise matemática a partir da segunda metade do século 17. Segue uma lista das aulas programadas para a disciplina por temas:

- 1. **Newton**. O teorema binomial;
- 2. Leibniz. O cálculo diferencial;
- 3. Os Bernoulli. Séries de potências e cálculo de integrais ;
- 4. **Euler**. O cálculo à la Euler, uma estimativa de π e a função gama;
- 5. **Taylor**. As séries de Taylor;
- 6. **Berkley**. O Cálculo en xeque;
- 7. **D'Alembert e Fourier**. O conceito de função e as cordas vibrantes;
- 8. Cauchy. Importantes teoremas do Cálculo e testes de convergência;
- 9. **Riemann**. O conceito de função (bis) e as integrais de Riemann;
- 10. Liouville. Números algébricos e transcendentais;
- 11. Wierstrass. Continuidade e a função de Weirstrass;
- 12. Cantor. O reino transfinito;
- 13. Volterra. Uma função patológica e os limites da patologia;
- 14. **Baire**. O teorema da categoria de Baire;
- 15. **Lebesgue**. A integral de Lebesgue.
- 16. Robinson. A redenção de Leibniz.

2 Pré-requisitos

Cálculos 1 e 2.

3 Cronograma

As aulas ocorrerão na ordem informada acima; um encontro por semana com duração máxima de 1h30m. Os estudantes serão convidados a participar ativamente das discussões, o que se tornará viável pela disponibilização antecipada das notas de aula, e apresentar, eles próprios, sobre os tópicos sugeridos. Como fruto, essa disciplina espera deixar um material escrito sobre os temas abordados para futura referência e ampliação.

Referências

- [1] W. Dunham. Journey Throught Genius. Penguin Books. 1991.
- [2] W. Dunham. *The Calculus Gallery*. New Princeton Science Library Edition. 2018.
- [3] C. H. Edwards. The Historical Development of Calculus. Springer-Verlag. 1979.
- [4] H. Eves. *Introdução à História da Matemática*. Tradução de Hygino H. Domingues. Editora da UNICAMP. 2004.